

Получена: 15.09.2017 г.

Приета: 13.11.2017 г.

## НОМОГРАМИ ЗА ОРАЗМЕРЯВАНЕ НА СИМЕТРИЧНИ ДВОЙНО Т-ОБРАЗНИ СТОМАНОБЕТОННИ СЕЧЕНИЯ С РАЗПРЕДЕЛЕНА АРМИРОВКА, ПОДЛОЖЕНИ НА ДЕЙСТВИЕТО НА ОГЪВАЩ МОМЕНТ И ОСОВА СИЛА ПО ЕВРОКОД 2

В. Янчев<sup>1</sup>

*Ключови думи: номограми, деформации, напрежения*

### РЕЗЮМЕ

За решаване на поставената задача е приета правоъгълна работна диаграма на бетона и работна диаграма на армировъчната стомана – билинейна с хоризонтален горен клон. При тези работни диаграми са изведени зависимости за определяне на носещата способност на симетрични двойно Т-образни стоманобетонни сечения, подложени на действието на огъващ момент и осова сила по Еврокод 2 при симетрична армировка. Армировката е разпределена по равно във всеки от поясите и в стеблото. За да се постигне икономично решение цялата вложена армировка, включително и равномерно разпределената армировка в стеблото, е отчетена в изразите  $m_{Ed} = f(\omega_{tot})$  и  $n_{Ed} = f(\omega_{tot})$  за всяка от разглежданите прави на деформирано състояние. На базата на тези зависимости са разработени номограми за оразмеряване на разглеждания тип сечения при различни класове бетон, стомана клас B500 и при фиксирани стойности на  $d_1/h$ ,  $B = b_f/b$  и  $H = h_f/h$ . За да се покаже работата с номограмите, е разгледан конкретен пример.

---

<sup>1</sup> Владимир Янчев, доц. д-р инж., кат. „Масивни конструкции“, УАСГ, бул. „Хр. Смирненски“ № 1, 1046 София, e-mail: vladimir\_yanchev@abv.bg

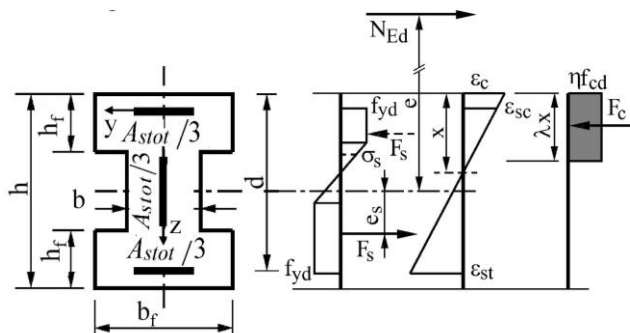
## 1. Въведение

Стоманобетонните елементи със симетрично двойно Т-образно напречно сечение се срещат често в строителната практика.

Задачата за оразмеряване се състои в избиране на такава деформирана равнина на сечението, при която да бъдат изпълнени условията на равновесие – фиг. 1.

$$N_{Ed} = N_{Rd}; \quad M_{Ed} = M_{Rd}, \quad (1)$$

където  $N_{Ed}$  и  $M_{Ed}$  са изчислителните разрезни усилия от външни въздействия при различни комбинации на натоварване, а  $N_{Rd}$  и  $M_{Rd}$  са нормална сила и момент на носимоспособност, които съответстват на избраната деформирана равнина на сечението.



Фиг. 1. Симетрично двойно Т-образно сечение

Приета е правоъгълната работна диаграма на бетона от [2]. Работната диаграма на армировъчната стомана е приета билинейна с хоризонтален горен клон, без да се ограничава деформацията на стоманата [2]. Въведени са бездименсионните величини:

$$m_{Ed} = \frac{M_{Ed}}{b_f h^2 \eta f_{cd}}; \quad n_{Ed} = \frac{N_{Ed}}{b_f h \eta f_{cd}}; \quad B = \frac{b_f}{b}; \quad H = \frac{h_f}{h}; \quad \omega_{tot} = \frac{A_{s,tot} f_{yd}}{b_f h \eta f_{cd}}; \quad Z = \frac{z}{h}, \quad (2)$$

където  $M_{Ed}$  е изчислителна стойност на огъващия момент в сечението в N.mm;

$N_{Ed}$  – изчислителна стойност на нормалната сила (опън или натиск) в разглежданото сечение, N;

$f_{cd}$  – изчислителна стойност на цилиндричната якост на натиск на бетона, МПа;

$f_{yd}$  – изчислителна стойност на границата на провлачане на стоманата, МПа;

$b, h, b_f, h_f$  – геометрични размери на симетричното двойно Т-образно сечение, mm;

$A_{s,tot}$  – площ на напречното сечение на цялата армировка в сечението, mm<sup>2</sup>;

$\omega_{tot}$  – физико-механичен коефициент на армиране;

$Z$  – бездименсионна стойност на координатата  $z$ .

Въведени са още следните означения:

$\varepsilon_{s1}$  – деформация на опънатата, по-силно опънатата или по-слабо натиснатата поясна армировка;

$\varepsilon_{s2}$  – деформация на натиснатата, по-силно натиснатата или по-слабо опънатата поясна армировка;

$\varepsilon_c$  – деформация на натиснатия или по-силно натиснатия ръб на сечението;

$\sigma_{s1}$  – напрежение в опънатата, по-силно опънатата или по-слабо натиснатата поясна армировка, МРа;

$\sigma_{s2}$  – напрежение в натиснатата, по-силно натиснатата или по-слабо опънатата поясна армировка, МРа;

$\xi$  – относителна височина на натисковата зона, съответстваща на разглежданата гранична права на деформациите;

$\sigma_s$  – напрежение в разпределената армировка с координата  $Z$ , зависещо от разглежданата гранична права на деформациите, МРа;

$Z_1$  – стойност на бездимензионната координата  $Z$ , която съответства на достигане на натисково напрежение  $f_{yd}$  в разпределената армировка в стеблото;

$Z_2$  – стойност на бездимензионната координата  $Z$ , която съответства на достигане на опънно напрежение в разпределената армировка в стеблото, равно на  $f_{yd}$ ;

$d_1, d_2$  – разстояние от центъра на тежестта на съответната поясна армировка до най-близкия ръб на сечението (долен или горен), mm; за разглеждания случай на симетрично армиране е в сила  $d_1 = d_2$ ;

$$dA_s - \text{елементарна площ на армировката от израза } dA_s = \frac{A_{s,tot}}{3(h-2h_f)} dz .$$

## 2. Гранични прави на деформациите и основни зависимости

За всяка от разгледаните в [1] гранични прави, са изведени изрази за намиране на съответните стойности на  $m_{Ed}$  и  $n_{Ed}$  при фиксирани стойности на  $\omega_{tot}$ ,  $d_1/h = d_2/h$ ,  $B = b_f/b$  и  $H = h_f/h$ .

– **права А'** е с параметри:  $\xi_{A'} = 0$ ;  $\varepsilon_{s1} = \varepsilon_{s2} = \infty$ ;  $\sigma_{s1} = \sigma_{s2} = f_{yd}$ ;

$$n_{Ed} = \omega_{tot} , \quad (3)$$

$$m_{Ed} = 0 ; \quad (4)$$

– **права В'** – минава през т. В и е с параметри:  $\varepsilon_c = \varepsilon_{cu3} = -3,5\%$ ;  $\sigma_{s1} = \sigma_{s2} = f_{yd}$ ;

$$\xi_{B'} = \frac{|\varepsilon_{cu3}|}{|\varepsilon_{cu3}| + \varepsilon_{yd}} \cdot \frac{d_1/h}{1 - d_1/h} ; \quad \varepsilon_{s1} = \left( |\varepsilon_{cu3}| + \varepsilon_{yd} \right) \frac{1 - d_1/h}{d_1/h} - |\varepsilon_{cu3}| > \varepsilon_{yd} ; \quad \varepsilon_{s2} = \varepsilon_{yd} .$$

От (1), като се използват бездимензионните величини (2), се получава

$$n_{Ed} = \omega_{tot} - \frac{\lambda\chi_5}{\chi_5 + 1} \cdot \frac{d_1}{h}, \quad (5)$$

$$m_{Ed} = 0,5 \frac{\lambda\chi_5}{\chi_5 + 1} \cdot \frac{d_1}{h} \left[ 1 - \frac{\lambda\chi_5}{\chi_5 + 1} \cdot \frac{d_1}{h} \right], \text{ където } \chi_5 = \frac{E_s |\varepsilon_{cu3}|}{f_{yd}}. \quad (6)$$

– **права С'** – минава през т. В и е с параметри:  $\varepsilon_c = \varepsilon_{cu3} = -3,5\%$ ;

$$\xi_{C'} = \frac{d_1/h}{1-d_1/h}; \quad \varepsilon_{s1} = |\varepsilon_{cu3}| \frac{1-2d_1/h}{d_1/h} > \varepsilon_{yd}; \quad \varepsilon_{s2} = 0; \quad \sigma_{s1} = f_{yd}; \quad \sigma_{s2} = 0;$$

$$\sigma_{sC'} = -E_s |\varepsilon_{cu3}| \frac{z}{d_1} \leq f_{yd}; \quad Z_{2C'} = \frac{d_1/h}{\chi_5};$$

$$N_{Rd,C'} = - \int_{h_f-d_1}^{\max(z_{2C'}, h_f-d_1)} \sigma_{sC'} dA_s + f_{yd} \int_{\max(z_{2C'}, h_f-d_1)}^{h-d_1-h_f} dA_s + \frac{A_{s,tot}}{3} f_{yd} - \lambda b_f d_1 \eta_{cd};$$

$$M_{Rd,C'} = \int_{h_f-d_1}^{\max(z_{2C'}, h_f-d_1)} \sigma_{sC'} (0,5h-d_1-z) dA_s - f_{yd} \int_{\max(z_{2C'}, h_f-d_1)}^{h-d_1-h_f} (0,5h-d_1-z) dA_s + \\ + \frac{A_{s,tot}}{3} f_{yd} (0,5h-d_1) + 0,5\lambda b_f d_1 \eta_{cd} (h-\lambda d_1);$$

От (1), като се използват бездимензионните величини (2), се получава

$$n_{Ed} = \frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)} \left\{ \frac{\max[0; \chi_5 (Z_{2C'} + H - d_1/h)(Z_{2C'} - H + d_1/h)]}{2d_1/h} + \right. \\ \left. + \left[ 1 - \frac{d_1}{h} - H - \max\left(Z_{2C'}, H - \frac{d_1}{h}\right) \right] \right\} + \frac{1}{3} \omega_{tot} - \lambda \frac{d_1}{h}, \quad (7)$$

$$m_{Ed} = \frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)} \left\{ 0,5 \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H \right)^2 - 0,5 \left[ \max\left(Z_{2C'}, H - \frac{d_1}{h}\right) \right]^2 - \right. \\ \left. - \left( 0,5 - \frac{d_1}{h} \right) \left[ 1 - \frac{d_1}{h} - H - \max\left(Z_{2C'}, H - \frac{d_1}{h}\right) \right] \right\} -$$

$$\begin{aligned}
& -\frac{\chi_5 \omega_{tot} (0,5 - d_1/h)}{6(1-2H)d_1/h} \max \left\{ 0; \left[ Z_{2C}^2, -\left( H - \frac{d_1}{h} \right)^2 \right] \right\} + \\
& + \frac{\chi_5 \omega_{tot}}{9(1-2H)d_1/h} \max \left\{ 0; \left[ Z_{2C}^3, -\left( H - \frac{d_1}{h} \right)^3 \right] \right\} + \\
& + \frac{1}{3} \left( 0,5 - \frac{d_1}{h} \right) \omega_{tot} + 0,5\lambda \frac{d_1}{h} \left[ 1 - \lambda \frac{d_1}{h} \right], \tag{8}
\end{aligned}$$

– права **FL2** – минава през т. В и е с параметри:

$$\varepsilon_c = \varepsilon_{cu3} = -3,5\text{‰}; \quad \xi_{FL2} = \frac{H}{\lambda(1-d_1/h)}; \quad \varepsilon_{s1} = |\varepsilon_{cu3}| \left( \frac{1-d_1/h}{H/\lambda} - 1 \right) > \varepsilon_{yd};$$

$$|\varepsilon_{s2}| = |\varepsilon_{cu3}| \left( 1 - \lambda \frac{d_1/h}{H} \right); \quad \sigma_{s1} = f_{yd}; \quad \sigma_{s2} \leq f_{yd};$$

$$\sigma_{sFL2} = E_s |\varepsilon_{cu3}| \left[ 1 - \frac{Z + d_1/h}{\xi_{FL2} (1-d_1/h)} \right] \leq f_{yd}; \quad Z_{2FL2} = \frac{H(\chi_5 + 1)}{\lambda \chi_5} - \frac{d_1}{h};$$

$$N_{Rd,FL2} = - \int_{h_f - d_1}^{z_{2FL2}} \sigma_{sFL2} dA_s + f_{yd} \int_{z_{2FL2}}^{h-d_1-h_f} dA_s + \frac{A_{s,tot}}{3} f_{yd} - b_f h_f \eta f_{cd};$$

$$\begin{aligned}
M_{Rd,FL2} &= \int_{h_f - d_1}^{z_{2FL2}} \sigma_{sFL2} (0,5h - d_1 - z) dA_s - f_{yd} \int_{z_{2FL2}}^{h-d_1-h_f} (0,5h - d_1 - z) dA_s + \\
&+ \frac{A_{s,tot}}{3} (f_{yd} + E_s |\varepsilon_{s2}|) (0,5h - d_1) + 0,5b_f h_f \eta f_{cd} (h - h_f);
\end{aligned}$$

От (1), като се използват бездимензионните величини (2), се получава

$$\begin{aligned}
n_{Ed} &= \frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)} \left[ -(\chi_5 + 1) \left( Z_{2FL2} - H + \frac{d_1}{h} \right) + \chi_5 \frac{(Z_{2FL2} + d_1/h)^2 - H^2}{2\xi_{FL2} (1-d_1/h)} \right] + \\
&+ \frac{1}{3} \left[ 2 - \chi_5 \left( 1 - \lambda \frac{d_1/h}{H} \right) \right] \omega_{tot} - H, \text{ където } \chi_5 \left( 1 - \lambda \frac{d_1/h}{H} \right) \leq 1, \tag{9}
\end{aligned}$$

$$m_{Ed} = \frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)} \left\{ \chi_5 \left( 1 - \lambda \frac{d_1/h}{H} \right) \left( Z_{2FL2} - H + \frac{d_1}{h} \right) \left( 0,5 - \frac{d_1}{h} \right) - \right.$$

$$\begin{aligned}
& -0,5\chi_5 \left[ Z_{2FL2}^2 - \left( H - \frac{d_1}{h} \right)^2 \right] \left[ 1 + \frac{0,5 - 2d_1/h}{\xi_{FL2}(1-d_1/h)} \right] + \frac{\chi_5 \left[ Z_{FL2}^3 - (H - d_1/h)^3 \right]}{3\xi_{FL2}(1-d_1/h)} - \\
& -0,5 \left( H - \frac{d_1}{h} \right) \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H \right) + 0,5Z_{2FL2} \left( 1 - 2\frac{d_1}{h} - Z_{2FL2} \right) \Big\} + \\
& + \frac{1}{3} \left[ 1 + \chi_5 \left( 1 - \lambda \frac{d_1/h}{H} \right) \right] \left( 0,5 - \frac{d_1}{h} \right) \omega_{tot} + 0,5H[1-H], \tag{10}
\end{aligned}$$

– **права Е** – минава през т. В и е с параметри:  $\varepsilon_c = \varepsilon_{cu3} = -3,5\%$ ;

$$\xi_E = \frac{|\varepsilon_{cu3}| / \left( |\varepsilon_{cu3}| - |\varepsilon_{yd}| \right)}{\left( d_1/h \right)^{-1} - 1}; \quad \varepsilon_{s1} = |\varepsilon_{cu3}| \frac{1 - \xi_E}{\xi_E} > \varepsilon_{yd}; \quad |\varepsilon_{s2}| = |\varepsilon_{yd}|;$$

$$\sigma_{s1} = \sigma_{s2} = f_{yd}; \quad \sigma_{sE} = E_s |\varepsilon_{cu3}| \left[ 1 - \frac{Z + d_1/h}{\xi_E(1-d_1/h)} \right] \leq f_{yd}; \quad Z_{2E} = \frac{2d_1/h}{\chi_5 - 1};$$

$$N_{Rd,E} = - \int_{h_f - d_1}^{z_{2E}} \sigma_{sE} dA_s + f_{yd} \int_{z_{2E}}^{h - d_1 - h_f} dA_s - b\lambda x_E \eta f_{cd} - (b_f - b) \min(h_f; \lambda x_E) \eta f_{cd};$$

$$\begin{aligned}
M_{Rd,E} = & \int_{h_f - d_1}^{z_{2E}} \sigma_{sE} (0,5h - d_1 - z) dA_s - f_{yd} \int_{z_{2E}}^{h - d_1 - h_f} (0,5h - d_1 - z) dA_s + \frac{A_{s,tot}}{3} f_{yd} (h - 2d_1) + \\
& + 0,5b\lambda x_E \eta f_{cd} (h - \lambda x_E) + 0,5(b_f - b) \min(h_f; \lambda x_E) \eta f_{cd} \left[ h - \min(h_f; \lambda x_E) \right];
\end{aligned}$$

От (1), като се използват бездимензионните величини (2), се получава

$$\begin{aligned}
n_{Ed} = & \frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)} \left[ 1 + (\chi_5 - 1)H + \chi_5 \frac{(Z_{2E} + d_1/h)^2 - H^2}{2\xi_E(1-d_1/h)} - \right. \\
& \left. - (\chi_5 + 1) \left( Z_{2E} + \frac{d_1}{h} \right) \right] - \lambda \xi_E (1-d_1/h) / B - (1-1/B) \min \left[ H; \lambda \xi_E (1-d_1/h) \right], \tag{11}
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
m_{Ed} = & \frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)} \left\{ \chi_5 \left[ 1 - \frac{d_1/h}{\xi_E(1-d_1/h)} \right] \left( Z_{2E} - H + \frac{d_1}{h} \right) \left( 0,5 - \frac{d_1}{h} \right) - \right. \\
& \left. - 0,5\chi_5 \left[ Z_{2E}^2 - \left( H - \frac{d_1}{h} \right)^2 \right] \left[ 1 + \frac{0,5 - 2d_1/h}{\xi_E(1-d_1/h)} \right] + \frac{\chi_5 \left[ Z_{2E}^3 - (H - d_1/h)^3 \right]}{3\xi_E(1-d_1/h)} - \right.
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& -0,5\left(H - \frac{d_1}{h}\right)\left(1 - \frac{d_1}{h} - H\right) + 0,5Z_{2E}\left(1 - 2\frac{d_1}{h} - Z_{2E}\right)\Bigg\} + \frac{1}{3}\left(1 - 2\frac{d_1}{h}\right)\omega_{tot} + \\
& + 0,5\lambda\xi_{E1}\left(1 - \frac{d_1}{h}\right)\left[1 - \lambda\xi_{E1}\left(1 - \frac{d_1}{h}\right)\right]/B + \\
& + 0,5(1-1/B)\min\left[H; \lambda\xi_{E1}\left(1 - \frac{d_1}{h}\right)\right]\left\{1 - \min\left[H; \lambda\xi_{E1}\left(1 - \frac{d_1}{h}\right)\right]\right\}, \quad (12)
\end{aligned}$$

– **права Е1** - характеризира се от:

$$\begin{aligned}
\xi_{E1} &= \frac{0,5}{1 - d_1/h}; & \sigma_{sE1} &= E_s |\varepsilon_{cu3}| \left[1 - 2\left(Z + \frac{d_1}{h}\right)\right] \leq f_{yd}; & Z_{1E1} &= 0,5\frac{\chi_5 - 1}{\chi_5} - \frac{d_1}{h}; \\
n_{Ed} &= -\frac{\lambda\xi_{E1}\left(1 - \frac{d_1}{h}\right)}{B} - \left(1 - \frac{1}{B}\right)H, \quad (13)
\end{aligned}$$

- при  $Z_{1E1} \leq H - d_1/h$ :

Второто равновесно условие от (1) може да се представи във вида

$$\begin{aligned}
m_{Ed} &= \frac{2\omega_{tot}}{3(1-2H)} \int_{H-d_1/h}^{0,5-d_1/h} \frac{\sigma_{sE1}}{f_{yd}} \left(0,5 - \frac{d_1}{h} - Z\right) dZ + \frac{\omega_{tot}}{3} \left(1 - 2\frac{d_1}{h}\right) + \\
& + \frac{0,5\lambda\xi_{E1}\left(1 - \frac{d_1}{h}\right)\left[1 - \lambda\xi_{E1}\left(1 - \frac{d_1}{h}\right)\right]}{B} + 0,5\left(1 - \frac{1}{B}\right)H(1-H) \text{ или} \\
m_{Ed} &= \frac{2\omega_{tot}\chi_5}{3(1-2H)} \left\{ \frac{2}{3} \left[ \left(0,5 - \frac{d_1}{h}\right)^3 - \left(H - \frac{d_1}{h}\right)^3 \right] - \left(0,5 - \frac{d_1}{h}\right)(1-2H)\left(H - \frac{d_1}{h}\right) \right\} + \\
& + \frac{\omega_{tot}}{3} \left(1 - 2\frac{d_1}{h}\right) + \frac{0,25\lambda(1-0,5\lambda)}{B} + 0,5\left(1 - \frac{1}{B}\right)H(1-H), \quad (14a)
\end{aligned}$$

- при  $Z_{1E1} > H - d_1/h$ :

Второто равновесно условие от (1) се представя във вида

$$\begin{aligned}
m_{Ed} &= \frac{2\omega_{tot}}{3(1-2H)} \left\{ \int_{H-d_1/h}^{Z_{1E1}} \left(0,5 - \frac{d_1}{h} - Z\right) dZ + \int_{Z_{1E1}}^{0,5-d_1/h} \frac{\sigma_{sE1}}{f_{yd}} \left(0,5 - \frac{d_1}{h} - Z\right) dZ \right\} + \\
& + \frac{\omega_{tot}}{3} \left(1 - 2\frac{d_1}{h}\right) + \frac{0,25\lambda(1-0,5\lambda)}{B} + 0,5\left(1 - \frac{1}{B}\right)H(1-H) \text{ или} \\
m_{Ed} &= \frac{2\omega_{tot}}{3(1-2H)} \left\{ \left(0,5 - \frac{d_1}{h}\right) \left(0,5\frac{\chi_5 - 1}{\chi_5} - H\right) - 0,5 \left[ Z_{1E1}^2 - \left(H - \frac{d_1}{h}\right)^2 \right] \right\} +
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& + \frac{2\omega_{tot}\chi_5}{3(1-2H)} \left\{ \frac{2}{3} \left[ \left( 0,5 - \frac{d_1}{h} \right)^3 - Z_{1E1}^3 \right] - \frac{0,5 - d_1/h}{\chi_5} \left( 0,5 - \frac{d_1}{h} - \frac{0,5}{\chi_5} \right) \right\} + \\
& + \frac{\omega_{tot}}{3} (1 - 2d_1/h) + \frac{0,25\lambda(1 - 0,5\lambda)}{B} + 0,5 \left( 1 - \frac{1}{B} \right) H(1 - H), \tag{14b}
\end{aligned}$$

– права **F** – минава през т. В и е с параметри:  $\varepsilon_c = \varepsilon_{cu3}$ ;  $\xi_F = \chi_5 / (\chi_5 + 1)$ ;

$$\varepsilon_{s1} = \varepsilon_{yd}; \quad |\varepsilon_{s2}| = |\varepsilon_{yd}| \frac{\xi_F - (d_1/h)/(1-d_1/h)}{1-\xi_F} > |\varepsilon_{yd}|; \quad \sigma_{s1} = \sigma_{s2} = f_{yd};$$

$$\sigma_{sF} = E_s |\varepsilon_{cu3}| \left[ 1 - \frac{Z + d_1/h}{\xi_F (1-d_1/h)} \right] \leq f_{yd}; \quad Z_{1F} = \frac{\chi_5 - 1}{\chi_5 + 1} \left( 1 - \frac{d_1}{h} \right) - \frac{d_1}{h};$$

• при  $H - d_1/h < Z_{1F}$ :

$$N_{Rd,F} = -f_{yd} \int_{h_f-d_1}^{z_{1F}} dA_s - \int_{z_{1F}}^{h-d_1-h_f} \sigma_{sF} dA_s - b\lambda x_F \eta f_{cd} - (b_f - b) h_f \eta f_{cd};$$

$$M_{Rd,F} = f_{yd} \int_{h_f-d_1}^{z_{1F}} (0,5h - d_1 - z) dA_s + \int_{z_{1F}}^{h-d_1-h_f} \sigma_{sF} (0,5h - d_1 - z) dA_s +$$

$$+ \frac{A_{s,tot}}{3} f_{yd} (h - 2d_1) + 0,5b\lambda x_F \eta f_{cd} (h - \lambda x_F) + 0,5(b_f - b) h_f \eta f_{cd} (h - h_f);$$

От (1), като се използват бездимензионните величини (2), се получава

$$\begin{aligned}
n_{Ed} &= \frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)} \left\{ -\chi_5 + H(1 + \chi_5) + (\chi_5 - 1) \left( Z_{1F} + \frac{d_1}{h} \right) + \right. \\
& + \frac{\chi_5 \left[ (1-H)^2 - (Z_{1F} + d_1/h)^2 \right]}{2\xi_F (1-d_1/h)} \left. \right\} - \lambda \xi_F (1-d_1/h)/B - (1-1/B)H, \tag{15a}
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
m_{Ed} &= \frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)} \left\{ \chi_5 \left[ 1 - \frac{d_1/h}{\xi_F (1-d_1/h)} \right] \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H - Z_{1F} \right) \left( 0,5 - \frac{d_1}{h} \right) - \right. \\
& - 0,5\chi_5 \left[ \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H \right)^2 - Z_{1F}^2 \right] \left[ 1 + \frac{0,5 - 2d_1/h}{\xi_F (1-d_1/h)} \right] + \frac{\chi_5 \left[ (1-d_1/h-H)^3 - Z_{1F}^3 \right]}{3\xi_F (1-d_1/h)} \left. \right\}
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& -0,5 \left( H - \frac{d_1}{h} \right) \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H \right) + 0,5 Z_{1F} \left( 1 - 2 \frac{d_1}{h} - Z_{1F} \right) \left. \right\} + \frac{1}{3} \left( 1 - 2 \frac{d_1}{h} \right) \omega_{tot} + \\
& + 0,5 \lambda \xi_{sF} \left( 1 - d_1/h \right) \left[ 1 - \lambda \xi_{sF} \left( 1 - d_1/h \right) \right] / B + 0,5 (1 - 1/B) H (1 - H), \quad (16a)
\end{aligned}$$

- при  $H - d_1/h \geq Z_{1F}$ :  $N_{Rd,F} = - \int_{h_f - d_1}^{h - d_1 - h_f} \sigma_{sF} dA_s - b \lambda x_F \eta f_{cd} - (b_f - b) h_f \eta f_{cd}$ ;

$$\begin{aligned}
M_{Rd,F} &= \int_{h_f - d_1}^{h - d_1 - h_f} \sigma_{sF} (0,5 h - d_1 - z) dA_s + \frac{A_{s,tot}}{3} f_{yd} (h - 2d_1) + \\
& + 0,5 b \lambda x_F \eta f_{cd} (h - \lambda x_F) + 0,5 (b_f - b) h_f \eta f_{cd} (h - h_f);
\end{aligned}$$

От (1), като се използват бездимензионните величини (2), се получава

$$n_{Ed} = \frac{\omega_{tot} \chi_5}{3} \left[ \frac{1}{2 \xi_{sF} (1 - d_1/h)} - 1 \right] - \lambda \xi_{sF} (1 - d_1/h) / B - (1 - 1/B) H, \quad (15b)$$

$$\begin{aligned}
m_{Ed} &= \frac{\omega_{tot}}{3(1 - 2H)} \left\{ \chi_5 \left[ 1 - \frac{d_1/h}{\xi_{sF} (1 - d_1/h)} \right] (1 - 2H) \left( 0,5 - \frac{d_1}{h} \right) - \right. \\
& - 0,5 \chi_5 \left[ \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H \right)^2 - \left( H - \frac{d_1}{h} \right)^2 \right] \left[ 1 + \frac{0,5 - 2d_1/h}{\xi_{sF} (1 - d_1/h)} \right] + \\
& \left. + \frac{\chi_5 \left[ (1 - d_1/h - H)^3 - (H - d_1/h)^3 \right]}{3 \xi_{sF} (1 - d_1/h)} \right\} + \frac{1}{3} \left( 1 - 2 \frac{d_1}{h} \right) \omega_{tot} + \\
& + 0,5 \lambda \xi_{sF} (1 - d_1/h) \left[ 1 - \lambda \xi_{sF} (1 - d_1/h) \right] / B + 0,5 (1 - 1/B) H (1 - H), \quad (16b)
\end{aligned}$$

– **права G** – правата минава през т. В и се характеризира от параметрите:

$$\varepsilon_c = \varepsilon_{cu3} = -3,5\text{‰}; \quad \xi_G = 1; \quad \varepsilon_{s1} = 0; \quad |\varepsilon_{s2}| > |\varepsilon_{yd}|; \quad \sigma_{s1} = 0; \quad \sigma_{s2} = f_{yd};$$

$$\sigma_{sG} = E_s |\varepsilon_{cu3}| \left[ 1 - \frac{Z + d_1/h}{1 - d_1/h} \right] \leq f_{yd}; \quad Z_{1G} = \frac{\chi_5 - 1}{\chi_5} \left( 1 - \frac{d_1}{h} \right) - \frac{d_1}{h};$$

- при  $H < 1 - \lambda (1 - d_1/h)$ :

$$N_{Rd,G} = \frac{A_{s,tot}}{3(h-2h_f)} \left[ -f_{yd} \int_{h_f-d_1}^{\bar{z}_{1G}} dz - \int_{\bar{z}_{1G}}^{h-d_1-h_f} \sigma_{sG} dz \right] - b\lambda(h-d_1)\eta f_{cd} - (b_f-b)h_f\eta f_{cd};$$

$$M_{Rd,G} = \frac{A_{s,tot}}{3(h-2h_f)} \left[ f_{yd} \int_{h_f-d_1}^{\bar{z}_{1G}} (0,5h-d_1-z) dz + \int_{\bar{z}_{1G}}^{h-d_1-h_f} \sigma_{sG} (0,5h-d_1-z) dz \right] +$$

$$+ \frac{A_{s,tot}}{3} f_{yd} (h-2d_1) + \frac{b\lambda(h-d_1)\eta f_{cd} [h-\lambda(h-d_1)]}{2} + \frac{(b_f-b)h_f\eta f_{cd} (h-h_f)}{2};$$

От (1), като се използват бездименсионните величини (2), се получава

$$n_{Ed}^{\bullet} = \frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)} \left\{ - \left( Z_{1G} - H + \frac{d_1}{h} \right) - \chi_5 \left( 1 - \frac{d_1/h}{1-d_1/h} \right) \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H - Z_{1G} \right) + \right.$$

$$\left. + \frac{\chi_5 \left[ \left( 1 - d_1/h - H \right)^2 - Z_{1G}^2 \right]}{2(1-d_1/h)} \right\} - \frac{\omega_{tot}}{3} - \frac{\lambda(1-d_1/h)}{B} - \left( 1 - \frac{1}{B} \right) H, \quad (17a)$$

$$m_{Ed}^{\bullet} = \frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)} \left\{ \chi_5 \left( 1 - \frac{d_1/h}{1-d_1/h} \right) \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H - Z_{1G} \right) \left( 0,5 - \frac{d_1}{h} \right) - \right.$$

$$- 0,5\chi_5 \left[ \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H \right)^2 - Z_{1G}^2 \right] \left[ 1 + \frac{0,5-2d_1/h}{1-d_1/h} \right] + \frac{\chi_5 \left[ \left( 1 - d_1/h - H \right)^3 - Z_{1G}^3 \right]}{3(1-d_1/h)} -$$

$$- 0,5 \left( H - \frac{d_1}{h} \right) \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H \right) + 0,5Z_{1G} \left( 1 - 2\frac{d_1}{h} - Z_{1G} \right) \left. \right\} + \frac{1}{3} \left( 0,5 - \frac{d_1}{h} \right) \omega_{tot} +$$

$$+ 0,5\lambda(1-d_1/h) \left[ 1 - \lambda(1-d_1/h) \right] / B + 0,5(1-1/B)H(1-H), \quad (18a)$$

•• при  $H \geq 1 - \lambda(1 - d_1/h)$ :

$$n_{Ed}^{\bullet\bullet} = n_{Ed}^{\bullet} - (1-1/B) \left[ \lambda(1-d_1/h) - 1 + H \right], \quad (17b)$$

$$m_{Ed}^{\bullet\bullet} = m_{Ed}^{\bullet} - 0,5(1-1/B) \left[ \lambda(1-d_1/h) - 1 + H \right] \left[ \lambda(1-d_1/h) - H \right], \quad (18b)$$

– **права Н** – правата минава през т. В и се характеризира от параметрите:

$$\xi_H = 1/(1-d_1/h); \quad |\varepsilon_{s1}| = |\varepsilon_{cu3}| d_1/h < |\varepsilon_{yd}|; \quad |\varepsilon_{s2}| = |\varepsilon_{cu3}| (1-d_1/h) > |\varepsilon_{yd}|;$$

$$\varepsilon_c = \varepsilon_{cu3} = -3,5\% ; \quad \sigma_{s1} = E_s |\varepsilon_{cu3}| d_1/h < f_{yd} ; \quad \sigma_{s2} = f_{yd} ;$$

$$\sigma_{sH} = E_s |\varepsilon_{cu3}| \left[ 1 - (Z + d_1/h) \right] \leq f_{yd} ; \quad Z_{1H} = \frac{\chi_5 - 1}{\chi_5} - \frac{d_1}{h} ;$$

• при  $H < 1 - \lambda$  :

$$n_{Ed}^{\bullet} = \frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)} \left\{ - \left( Z_{1H} - H + \frac{d_1}{h} \right) - \chi_5 \left( 1 - \frac{d_1}{h} \right) \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H - Z_{1H} \right) + \right. \\ \left. + \frac{\chi_5 \left[ \left( 1 - d_1/h - H \right)^2 - Z_{1H}^2 \right]}{2} \right\} - \frac{\omega_{tot}}{3} \left( 1 + \chi_5 \frac{d_1}{h} \right) - \frac{\lambda}{B} - \left( 1 - \frac{1}{B} \right) H , \quad (19a)$$

$$m_{Ed}^{\bullet} = \frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)} \left\{ \chi_5 \left( 1 - \frac{d_1}{h} \right) \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H - Z_{1H} \right) \left( 0,5 - \frac{d_1}{h} \right) - \right. \\ \left. - 0,5 \chi_5 \left[ \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H \right)^2 - Z_{1H}^2 \right] \left( 1,5 - 2 \frac{d_1}{h} \right) + \frac{\chi_5 \left[ \left( 1 - d_1/h - H \right)^3 - Z_{1H}^3 \right]}{3} - \right. \\ \left. - 0,5 \left( H - \frac{d_1}{h} \right) \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H \right) + 0,5 Z_{1H} \left( 1 - 2 \frac{d_1}{h} - Z_{1H} \right) \right\} + \\ + \frac{1}{3} \left( 1 - \chi_5 \frac{d_1}{h} \right) \left( 0,5 - \frac{d_1}{h} \right) \omega_{tot} + \frac{0,5 \lambda (1 - \lambda)}{B} + 0,5 \left( 1 - \frac{1}{B} \right) H (1 - H) , \quad (20a)$$

•• при  $H \geq 1 - \lambda$  :

$$n_{Ed}^{\bullet\bullet} = n_{Ed}^{\bullet} - (1 - 1/B)(\lambda - 1 + H) , \quad (19b)$$

$$m_{Ed}^{\bullet\bullet} = m_{Ed}^{\bullet} - 0,5(1 - 1/B)(\lambda - 1 + H)(\lambda - H) , \quad (20b)$$

– права **FL1** – характеризира се с  $\xi_{FL1} = (1 - H) / \left[ \lambda (1 - d_1/h) \right]$

• при  $H < 1 - \lambda$  т.е. правата минава през т. С и  $\xi_{FL1} > \xi_H$  :

$$\sigma_{sFL1} = \frac{E_s |\varepsilon_{c3}|}{1 - 3\lambda / (7 - 7H)} \left[ 1 - \frac{\lambda (Z + d_1/h)}{1 - H} \right] ; \quad Z_{1FL1} = \frac{1 - H}{\lambda} - \frac{1 - H - 3\lambda/7}{\lambda \chi_4} - \frac{d_1}{h} ;$$

$$N_{Rd, FL1} = \frac{A_{s, tot}}{3(h - 2h_f)} \left[ -f_{yd} \int_{h_f - d_1}^{z_{1FL1}} dz - \int_{z_{1FL1}}^{h - d_1 - h_f} \sigma_{sFL1} dz \right] -$$

$$\begin{aligned}
& -\frac{A_{s,tot}}{3} f_{yd} \left\{ 1 + \frac{\chi_4(7-7H)}{7-7H-3\lambda} \left[ 1 - \frac{\lambda(1-d_1/h)}{1-H} \right] \right\} - b(h-h_f) \eta f_{cd} - (b_f - b) h_f \eta f_{cd}; \\
M_{Rd, FL1} = & \frac{A_{s,tot}}{3(h-2h_f)} \left[ f_{yd} \int_{h_f-d_1}^{\xi_{FL1}} (0,5h-d_1-z) dz + \int_{\xi_{FL1}}^{h-d_1-h_f} \sigma_{sFL1} (0,5h-d_1-z) dz \right] + \\
& + \frac{A_{s,tot}}{3} f_{yd} (0,5h-d_1) \left\{ 1 - \frac{\chi_4(7-7H)}{7-7H-3\lambda} \left[ 1 - \frac{\lambda(1-d_1/h)}{1-H} \right] \right\} + \frac{b_f h_f \eta f_{cd} (h-h_f)}{2}.
\end{aligned}$$

От (1), като се използват бездимензионните величини (2), се получава

$$\begin{aligned}
n_{Ed} = & \frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)} \left[ -\frac{\chi_4(7-7H)}{7-7H-3\lambda} \left( 1 - \frac{\lambda d_1/h}{1-H} \right) \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H - Z_{1FL1} \right) - \right. \\
& \left. - \left( Z_{1FL1} - H + \frac{d_1}{h} \right) + \frac{\lambda}{1-H} \cdot \frac{\chi_4(7-7H)}{7-7H-3\lambda} \cdot \frac{(1-d_1/h-H)^2 - Z_{1FL1}^2}{2} \right] - \\
& - \frac{1}{3} \left\{ 1 + \frac{\chi_4(7-7H)}{7-7H-3\lambda} \left[ 1 - \frac{\lambda(1-d_1/h)}{1-H} \right] \right\} \omega_{tot} - \frac{1-H}{B} - \frac{B-1}{B} H, \tag{21a}
\end{aligned}$$

където  $\chi_4 = E_s |\varepsilon_{c3}| / f_{yd}$ ;

$$\begin{aligned}
m_{Ed} = & \frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)} \left\{ \left( 0,5 - \frac{d_1}{h} \right) \left( Z_{1FL1} - H + \frac{d_1}{h} \right) - 0,5 \left[ Z_{1FL1}^2 - \left( H - \frac{d_1}{h} \right)^2 \right] + \right. \\
& + \frac{\chi_4(7-7H)}{7-7H-3\lambda} \left[ 1 - \frac{d_1/h}{\xi_{FL1}(1-d_1/h)} \right] \left( 0,5 - \frac{d_1}{h} \right) \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H - Z_{1FL1} \right) - \\
& - 0,5 \frac{\chi_4(7-7H)}{7-7H-3\lambda} \left[ \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H \right)^2 - Z_{1FL1}^2 \right] \left[ 1 + \frac{0,5-2d_1/h}{\xi_{FL1}(1-d_1/h)} \right] + \\
& + \frac{\chi_4(7-7H)}{7-7H-3\lambda} \cdot \frac{1}{3\xi_{FL1}(1-d_1/h)} \left[ \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H \right)^3 - Z_{1FL1}^3 \right] \right\} + \\
& + \frac{1}{3} \left( 0,5 - d_1/h \right) \left\{ 1 - \frac{\chi_4(7-7H)}{7-7H-3\lambda} \left[ 1 - \frac{\lambda(1-d_1/h)}{1-H} \right] \right\} \omega_{tot} + \frac{H(1-H)}{2}, \tag{22a}
\end{aligned}$$

• при  $H \geq 1 - \lambda$  т. е. правата минава през т. В и  $\xi_{FL1} \leq \xi_H$ ;

$$n_{Ed} = \frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)} \left\{ - \left( Z_{1FL1} - H + \frac{d_1}{h} \right) - \chi_5 \left( 1 - \frac{\lambda d_1/h}{1-H} \right) \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H - Z_{1FL1} \right) + \frac{\lambda \chi_5 \left[ \left( 1 - d_1/h - H \right)^2 - Z_{1FL1}^2 \right]}{2(1-H)} \right\} - \frac{\omega_{tot}}{3} \left\{ 1 + \chi_5 \left[ 1 - \frac{\lambda(1-d_1/h)}{1-H} \right] \right\} - \frac{1-2H}{B} - H, \quad (21b)$$

където  $\chi_5 = E_s |\varepsilon_{c3}| / f_{yd}$  ;

$$m_{Ed} = \frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)} \left\{ \left( 0,5 - \frac{d_1}{h} \right) \left( Z_{1FL1} - H + \frac{d_1}{h} \right) - 0,5 \left[ Z_{1FL1}^2 - \left( H - \frac{d_1}{h} \right)^2 \right] + \chi_5 \left[ 1 - \frac{d_1/h}{\xi_{FL1}(1-d_1/h)} \right] \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H - Z_{1FL1} \right) \left( 0,5 - \frac{d_1}{h} \right) - \frac{\chi_5}{2} \left[ \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H \right)^2 - Z_{1FL1}^2 \right] \left[ 1 + \frac{0,5 - 2d_1/h}{\xi_{FL1}(1-d_1/h)} \right] + \frac{\chi_5 \left[ \left( 1 - d_1/h - H \right)^3 - Z_{1FL1}^3 \right]}{3\xi_{FL1}(1-d_1/h)} \right\} + \frac{1}{3} \left[ 1 - \chi_5 \frac{1-H-\lambda(1-d_1/h)}{1-H} \right] \left( 0,5 - \frac{d_1}{h} \right) \omega_{tot} + 0,5H(1-H), \quad (22b)$$

– **права I** – минава през т. С и се характеризира от следните параметри:

$$\xi_I = \frac{1}{\lambda(1-d_1/h)} ; \quad |\varepsilon_{s1}| = \frac{7|\varepsilon_{c3}| \left[ 1 - \lambda(1-d_1/h) \right]}{(7-3\lambda)} < |\varepsilon_{yd}| ; \quad |\varepsilon_{c3}| = |-2,0|‰ ;$$

$$|\varepsilon_{s2}| = \frac{|\varepsilon_{c3}| \left[ \xi_I - (d_2/h) / (1-d_1/h) \right]}{\xi_I - 3 / [7(1-d_1/h)]} > |\varepsilon_{yd}| ; \quad \sigma_{s1} = |\varepsilon_{s1}| E_s < f_{yd} ; \quad \sigma_{s2} = f_{yd} ;$$

$$\sigma_{sI} = \frac{E_s |\varepsilon_{c3}| \left[ 1 - \frac{Z + d_1/h}{\xi_I(1-d_1/h)} \right]}{1-3\lambda/7} ; \quad Z_{1I} = \frac{\chi_4 + 3\lambda/7 - 1}{\lambda\chi_4} \frac{d_1}{h} ;$$

$$n_{Ed} = \frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)} \left[ - \frac{\chi_4}{1-3\lambda/7} (1-\lambda d_1/h) \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H - Z_{1I} \right) - \left( Z_{1I} - H + \frac{d_1}{h} \right) + \frac{\lambda\chi_4}{1-3\lambda/7} \cdot \frac{(1-d_1/h-H)^2 - Z_{1I}^2}{2} \right] -$$

$$-\frac{1}{3}\left\{1+\frac{\chi_4}{1-3\lambda/7}\left[1-\lambda(1-d_1/h)\right]\right\}\omega_{tot}-\frac{1}{B}\left[1+2H(B-1)\right], \quad (23)$$

$$\begin{aligned} m_{Ed} = & \frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)}\left\{\left(0,5-\frac{d_1}{h}\right)\left(Z_{1I}-H+\frac{d_1}{h}\right)-0,5\left[Z_{1I}^2-\left(H-\frac{d_1}{h}\right)^2\right]+ \right. \\ & +\frac{\chi_4}{1-3\lambda/7}\left[1-\frac{d_1/h}{\xi_J(1-d_1/h)}\right]\left\{\left(0,5-\frac{d_1}{h}\right)\left(1-\frac{d_1}{h}-H-Z_{1I}\right)- \right. \\ & -0,5\frac{\chi_4}{1-3\lambda/7}\left[\left(1-\frac{d_1}{h}-H\right)^2-Z_{1I}^2\right]\left[1+\frac{0,5-2d_1/h}{\xi_J(1-d_1/h)}\right]+ \\ & \left. +\frac{\chi_4}{1-3\lambda/7}\cdot\frac{1}{3\xi_J(1-d_1/h)}\left[\left(1-\frac{d_1}{h}-H\right)^3-Z_{1I}^3\right]\right\}+ \\ & \left. +\frac{1}{3}\left(0,5-d_1/h\right)\left\{1-\frac{\chi_4}{1-3\lambda/7}\left[1-\lambda(1-d_1/h)\right]\right\}\omega_{tot}, \quad (24) \end{aligned}$$

– права **J** (Ст **B500**) – минава през т. С и се характеризира от величините:

$$\begin{aligned} \xi_J &= \frac{3-7\chi_4 d_1/h}{7(1-\chi_4)(1-d_1/h)}; \varepsilon_{s2} = \varepsilon_{yd} = -2,174\%; \sigma_{s2} = f_{yd}; \\ |\varepsilon_{s1}| &= \frac{7(1-2d_1/h)|\varepsilon_{c3}|-(4-7d_1/h)|\varepsilon_{yd}|}{3-7d_1/h} < |\varepsilon_{yd}|; \sigma_{s1} < f_{yd}; \\ \sigma_{sJ} &= \frac{f_{yd}(3-7\chi_4 d_1/h)}{3-7d_1/h}\left[1-\frac{Z+d_1/h}{\xi_J(1-d_1/h)}\right] \leq f_{yd}; Z_{1J} = 0 < H - \frac{d_1}{h}; \\ N_{Rd,J} &= -\frac{A_{s,tot}}{3(h-2h_f)} \int_{h_f-d_1}^{h-d_1-h_f} \sigma_{sJ} dz - \\ & -\frac{A_{s,tot}}{3} f_{yd} \left[1+\frac{7(1-2d_1/h)\chi_4-(4-7d_1/h)}{3-7d_1/h}\right] - bh\eta f_{cd} - 2(b_f-b)h_f\eta f_{cd}; \\ M_{Rd,J} &= \frac{A_{s,tot}}{3(h-2h_f)} \int_{h_f-d_1}^{h-d_1-h_f} \sigma_{sJ} (0,5h-d_1-z) dz + \end{aligned}$$

$$+\frac{A_{s,tot}}{3} f_{yd} (0,5h-d_1) \left[ 1 - \frac{7(1-2d_1/h)\chi_4 - (4-7d_1/h)}{3-7d_1/h} \right].$$

От (1), като се използват бездимензионните величини (2), се получава

$$\begin{aligned} n_{Ed} = & -\frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)} \cdot \frac{3-7\chi_4 d_1/h}{3-7d_1/h} \left\{ \left[ 1 - \frac{7(1-\chi_4)d_1/h}{3-7\chi_4 d_1/h} \right] (1-2H) - \right. \\ & \left. - \frac{7(1-\chi_4)}{3-7\chi_4 d_1/h} \cdot \frac{(1-d_1/h-H)^2 - (H-d_1/h)^2}{2} \right\} - \\ & - \frac{1}{3} \left[ 1 + \frac{7(1-2d_1/h)\chi_4 - (4-7d_1/h)}{3-7d_1/h} \right] \omega_{tot} - \frac{1}{B} [1+2H(B-1)], \end{aligned} \quad (25)$$

$$\begin{aligned} m_{Ed} = & \frac{\omega_{tot}}{3(1-2H)} \cdot \frac{3-7\chi_4 d_1/h}{3-7d_1/h} \left\{ \left[ 1 - \frac{d_1/h}{\xi_J(1-d_1/h)} \right] \left( 0,5 - \frac{d_1}{h} \right) (1-2H) - \right. \\ & - 0,5 \left[ \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H \right)^2 - \left( H - \frac{d_1}{h} \right)^2 \right] \left[ 1 + \frac{0,5-2d_1/h}{\xi_J(1-d_1/h)} \right] + \\ & \left. + \frac{1}{3\xi_J(1-d_1/h)} \left[ \left( 1 - \frac{d_1}{h} - H \right)^3 - \left( H - \frac{d_1}{h} \right)^3 \right] \right\} + \\ & + \frac{1}{3} (0,5-d_1/h) \left[ 1 - \frac{7(1-2d_1/h)\chi_4 - (4-7d_1/h)}{3-7d_1/h} \right] \omega_{tot}, \end{aligned} \quad (26)$$

– **права К** – минава през т. С и се характеризира от следните параметри:

$$\xi_K = \infty; \quad \varepsilon_{s1} = \varepsilon_{c3} = -2\text{‰}; \quad \varepsilon_{s2} = \varepsilon_{c3} = -2\text{‰};$$

$$|\varepsilon_c| = |\varepsilon_{c3}| < |\varepsilon_{cu3}| = |-3,5\text{‰}; \quad \sigma_{s1} \leq f_{yd}; \quad \sigma_{s2} \leq f_{yd};$$

$$n_{Ed} = -\chi_4 \omega_{tot} - [1+2H(B-1)]/B, \quad (27)$$

$$m_{Ed} = 0. \quad (28)$$

### 3. Номограми и пример

Като се използват зависимостите от (3) до (28), за фиксирани стойности на  $d_1/h$ ,  $B = b_f/b$  и  $H = h_f/h$  се получават поредица от фамилии от криви за различни стойности на  $\omega_{tot}$ . На базата на фамилиите от криви, по аналогична методика на разгледаната в [3], са съставени номограми за оразмеряване на нецентричен натиск и нецентричен опън на разглеждания тип сечения за различни стойности на отношението  $d_1/h$ ,  $B = b_f/b$  и  $H = h_f/h$ , които важат за стомана В500 и бетон клас от С12/15 до С50/60 включително. Номограми от разглеждания вид са показани на фиг. 2, фиг. 3 и фиг. 4.

**Пример.** Да се оразмери симетрично двойно Т-образно напречно сечение от колона с параметри  $\frac{d_1}{h} = \frac{100 \text{ mm}}{1000 \text{ mm}} = 0,1$ ,  $\frac{b_f}{b} = \frac{450 \text{ mm}}{300 \text{ mm}} = 1,5$ ,  $\frac{h_f}{h} = \frac{200 \text{ mm}}{1000 \text{ mm}} = 0,2$  при огъващ момент  $M_{Ed} = 570 \text{ kNm}$ , натискова нормална сила  $N_{Ed} = -4600 \text{ kN}$ . Използва се бетон клас С20/25 ( $f_{cd} = 11,33 \text{ MPa}$ ) и стомана клас В500 ( $f_{yd} = 435 \text{ MPa}$ ).

1. Определяне на  $n_{Ed}$  и  $m_{Ed}$

$$n_{Ed} = -\frac{N_{Ed}}{b_f h \eta f_{cd}} = -\frac{4600 \cdot 10^3}{450 \cdot 10^3 \cdot 11,33} = -0,902;$$

$$m_{Ed} = \frac{M_{Ed}}{b_f h^2 \eta f_{cd}} = \frac{570 \cdot 10^6}{450 \cdot 1000^2 \cdot 11,33} = 0,112;$$

2. Отчет на  $\omega_{tot}$

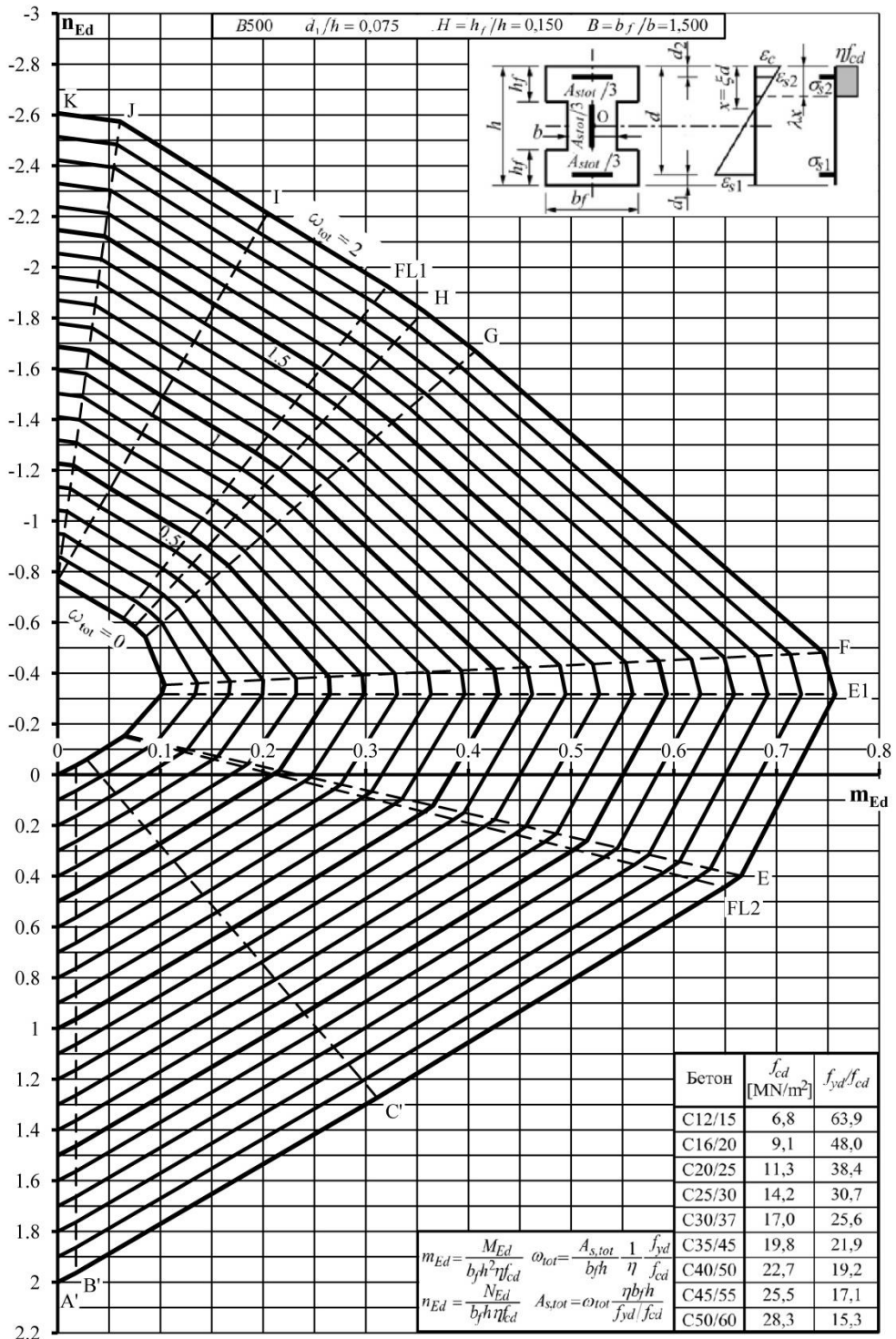
За  $n_{Ed} = -0,902$ ;  $m_{Ed} = 0,112$  при  $d_1/h = 0,1$ ;  $b_f/b = 1,5$ ;  $h_f/h = 0,2$  от фиг. 3 се отчита  $\omega_{tot} = 0,4$ ;

3. Определяне на  $A_{s,\min}$  и  $A_{s,tot}$

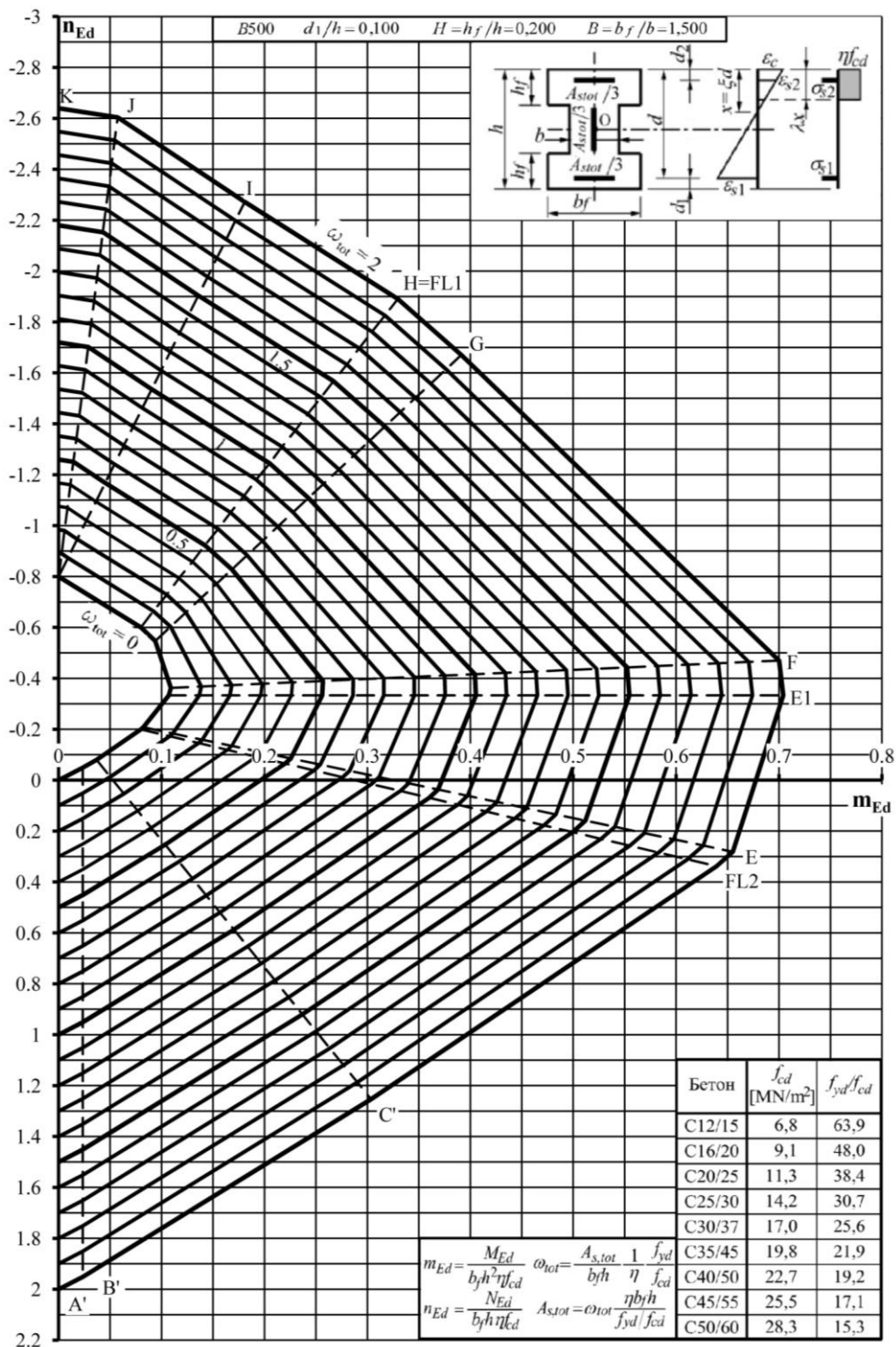
$$A_{s,\min} = \max\left(0,1N_{Ed}/f_{yd}; 0,002A_c\right) = \max(1057,5; 720) = 1057,5 \text{ mm}^2;$$

$$A_{s,tot} = \frac{\omega_{tot} \eta b_f h}{f_{yd}/f_{cd}} = 0,4 \cdot \frac{1.450 \cdot 1000}{38,4} = 4687,5 \text{ mm}^2 > A_{s,\min} = 1057,5 \text{ mm}^2.$$

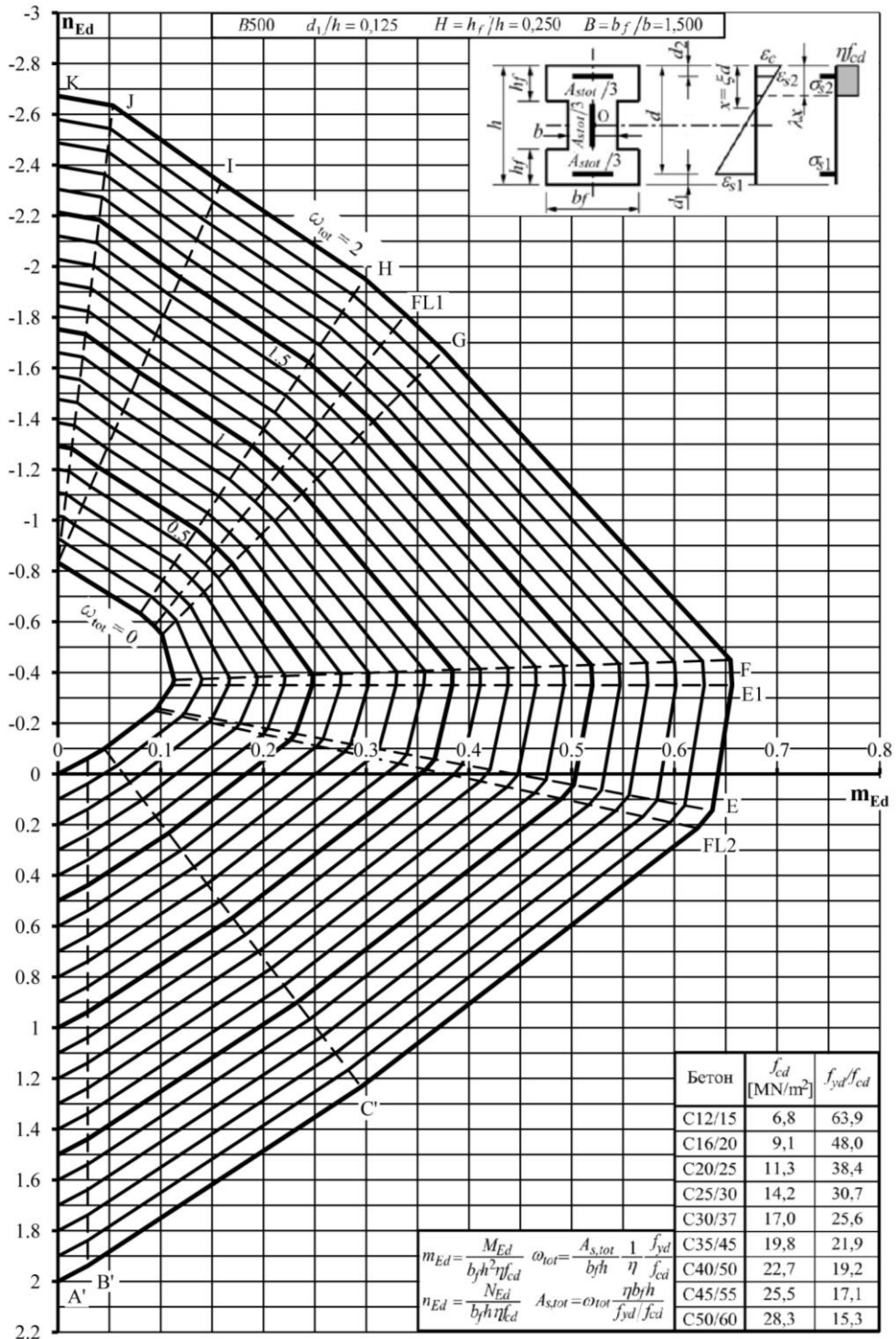
При избрания начин на конструиране със симетрична армировка се приемат  $3 \times 8\phi 16$  с напречно сечение  $A_s = 3.8.201,1 = 4826,4 \text{ mm}^2 > A_{s,tot} = 4687,5 \text{ mm}^2$ .



Фиг. 2. Номограма при  $d_f / h = 0,075$ ;  $H = h_f / h = 0,150$ ;  $B = b_f / b = 1,500$



Фиг. 3. Номограма при  $d_1 / h = 0,100$ ;  $H = h_f / h = 0,200$ ;  $B = b_f / b = 1,500$



Фиг. 4. Номограма при  $d_1 / h = 0,125$ ;  $H = h_f / h = 0,250$ ;  $B = b_f / b = 1,500$

## ЛИТЕРАТУРА

1. Янчев, В., Русев, К. Номограми за оразмеряване на симетрични 2Т стоманобетонни сечения, подложени на действието на огъващ момент и осова сила по Еврокод 2. // Годишник на УАСГ, том 48, св. 12-1, част I, с. 141 – 151, София, 2016.

2. БДС EN 1992-1-1 Еврокод 2. Проектиране на бетонни и стоманобетонни конструкции. Част 1-1 Общи правила и правила за сгради, 2005.

3. Русев, К., Янчев, В. EC2. Оразмеряване на стоманобетонни конструкции по нормални сечения. ABC Техника, София, 2011.

## DESIGN CHARTS FOR REINFORCED CONCRETE SYMMETRIC DOUBLE T CROSS-SECTIONS WITH DISTRIBUTED REINFORCEMENT UNDER BENDING MOMENT AND AXIAL FORCE ACCORDING TO EUROCODE 2

V. Yanchev<sup>1</sup>

*Keywords: design charts, strains, stresses*

### ABSTRACT

To solve the set task a rectangular stress-strain diagram of the concrete, also known in the literature as “equivalent rectangular stress block”, and a bilinear stress-strain diagram of the reinforcement steel with a horizontal upper section are assumed. Design equations are derived to serve for determining the carrying capacity of reinforced concrete symmetric double T cross-sections with symmetrically distributed reinforcement under bending moment and axial force according to Eurocode 2. The reinforcement is distributed evenly in each of the flanges and in the web. To achieve economical solution entire embedded reinforcement is reported in the expressions  $m_{Ed} = f(\omega_{tot})$  and  $n_{Ed} = f(\omega_{tot})$  for each of the strain state lines, including uniformly distributed reinforcement in the web. Design charts are derived to serve for design of considered reinforced concrete cross-sections with different fixed values of parameters  $d_1/h$ ,  $B = b_f/b$  and  $H = h_f/h$ . A practical example is considered to show clearly the application of the design charts.

---

<sup>1</sup> Vladimir Yanchev, Assoc. Prof. Dr. Eng., Dept. “Reinforced Concrete Structures”, UACEG, 1 H. Smirnenski Blvd., Sofia 1046, e-mail: vladimir\_yanchev@abv.bg